

Prof. Dr. Alfred Toth

Kategoriale Objektabbildungen III

1. In Toth (2017) hatten wir als Objekt jedes Ω definiert, für das gilt

$$\Omega \in (K = (\text{Sys}, \text{Abb}, \text{Rep}, \text{E}),$$

wobei offenbar $K = B \cup E$ und B die von Bense eingeführte raumsemiotische Relation über iconisch fungierenden Systemen (2.1), indexikalischen fungierenden Abbildungen (2.2) und symbolisch fungierenden Repertoires (2.3) ist (vgl. Bense/Walther 1973, S. 80). Semiotisch gesehen fungiert E natürlich nicht wie B objektthematisch, sondern interpretantenthematisch mit rhematischer Repräsentation offener ontotopologischer Konnexe (3.1), mit dicentischer Repräsentation halboffener ontotopologischer Konnexe (3.2) und mit argumentischer Repräsentation abgeschlossener Konnexe (3.3). Die ontische Materialitätsrelation $M = (\text{Mat}, \text{Obj}, \text{Räu})$ ist ferner isomorph der semiotischen Mittelrelation mit Materialität als Qualizeichen (1.1), Objektalität als Sinzeichen (1.2) und Räumlichkeit als Legizeichen (1.3).

2. Im folgenden wollen wir kategoriale Abbildungen über K definieren. Die folgende Tabelle zeigt die 10 elementaren K-Abbildungen

1
 $\text{Sys} \rightarrow \text{Sys}$

$\text{Sys} \rightarrow \text{Abb}$ $\text{Abb} \rightarrow \text{Abb}$

$\text{Sys} \rightarrow \text{Rep}$ $\text{Abb} \rightarrow \text{Rep}$ $\text{Rep} \rightarrow \text{Rep}$

$\text{Sys} \rightarrow \text{E}$ $\text{Abb} \rightarrow \text{E}$ $\text{Rep} \rightarrow \text{E}$ $\text{E} \rightarrow \text{E}.$

I II III IV

Dazu kommen die 10 zugehörigen konversen Abbildungen

$\text{Sys} \rightarrow \text{Sys}$

$\text{Abb} \rightarrow \text{Sys}$ $\text{Abb} \rightarrow \text{Abb}$

$\text{Rep} \rightarrow \text{Sys}$ $\text{Rep} \rightarrow \text{Abb}$ $\text{Rep} \rightarrow \text{Rep}$

$\text{E} \rightarrow \text{Sys}$ $\text{E} \rightarrow \text{Abb}$ $\text{E} \rightarrow \text{Rep}$ $\text{E} \rightarrow \text{E}.$

V VI VII VIII

2.1. Rep → Rep



Rue de Bercy, Paris

2.2. E → Rep



Avenue Jean Aicard, Paris

2.3. $E \rightarrow E$



Passage Dumas, Paris

Literatur

Bense, Max/Walther, Elisabeth, Wörterbuch der Semiotik. Köln 1973

Toth, Alfred, Grundlegung einer kategorialen Definition der qualitativen Arithmetik. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2017

25.5.2017